**\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_**

Material produzido como resultado da dissertação: Ferramentas Práticas para Ensino de Estatística na Educação Básica.

**Autora**: Dayana Cecília Reis Beirigo Dutra

**Orientador**: Prof. Fernando de Souza Bastos

**Coorientadora**: Profa. Lúcia Helena dos Santos Lobato **\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_**

**Nível de ensino:** Fundamental. **Ano: 7º**

**Unidade Temática: Probabilidade e Estatística**

**Objetos de Conhecimento: Experimentos aleatórios: espaço amostral e estimativa de probabilidade por meio de frequência de ocorrências.**

**Habilidades: (EF07MA34) Planejar e realizar experimentos aleatórios ou simulações que envolvem cálculo de probabilidades ou estimativas por meio de frequência de ocorrências.**

**Palavras-chave: estimativa; experimentos aleatórios; probabilidade frequentista.**

**Recursos:** Enigma de Probabilidade.

**Desenvolvimento da habilidade:** **No jogo, quatro cartas são embaralhadas e o monte é colocado sobre a mesa na frente dos participantes. Duas contém círculos vermelhos e duas contém círculos pretos. Os alunos devem tentar adivinhar se a segunda carta do monte contém um círculo vermelho ou preto. Entretanto, o aluno que embaralhou tem a vantagem de poder olhar a primeira carta do monte para dar sua resposta. Os alunos devem repetir o evento diversas vezes e calcular também a probabilidade de acontecer os eventos usando a fórmula de probabilidade.**

**\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_**

**Detalhamento da Dinâmica**

Composição: 4 cartas, 2 com círculos vermelhos e 2 com círculos pretos (mas com verso idêntico)

Quantidade de jogadores: 2

Descrição: Um jogador embaralha as cartas e as coloca sobre a mesa. Seu oponente anota seu palpite, tentando adivinhar se a segunda carta do monte terá o círculo vermelho ou preto. O jogador que embaralhou as cartas olha qual a primeira carta do monte e faz o seu palpite sobre a segunda carta, anotando na tabela. Depois de 10 repetições, os papéis se invertem, o outro jogador passa a dar as cartas, tendo a vantagem de visualizar a primeira carta antes do seu palpite. São feitas mais 10 repetições e verificada qual a quantidade de acertos de cada um.  **\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_**

**Anotações do jogo**

Nome Jogador 1:

Nome Jogador 2:

**Jogador 1 Embaralha**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Rodada | Palpite Jogador 1 | Palpite Jogador 2 | Cor círculo 1ª carta | Cor círculo 2ª carta | O Jogador 1 acertou? | O Jogador 2 acertou? |
| 1 |  |  |  |  |  |  |
| 2 |  |  |  |  |  |  |
| 3 |  |  |  |  |  |  |
| 4 |  |  |  |  |  |  |
| 5 |  |  |  |  |  |  |
| 6 |  |  |  |  |  |  |
| 7 |  |  |  |  |  |  |
| 8 |  |  |  |  |  |  |
| 9 |  |  |  |  |  |  |
| 10 |  |  |  |  |  |  |

**TOTAL DE ACERTOS**

Jogador 1:

Jogador 2:

**Jogador 2 Embaralha**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Rodada | Palpite Jogador 1 | Palpite Jogador 2 | Cor círculo 1ª carta | Cor círculo 2ª carta | O Jogador 1 acertou? | O Jogador 2 acertou? |
| 1 |  |  |  |  |  |  |
| 2 |  |  |  |  |  |  |
| 3 |  |  |  |  |  |  |
| 4 |  |  |  |  |  |  |
| 5 |  |  |  |  |  |  |
| 6 |  |  |  |  |  |  |
| 7 |  |  |  |  |  |  |
| 8 |  |  |  |  |  |  |
| 9 |  |  |  |  |  |  |
| 10 |  |  |  |  |  |  |

**TOTAL DE ACERTOS**

Jogador 1:

Jogador 2:

**\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_**

**Exercícios**

1 – Considerando que você embaralhou o baralho, calcule a probabilidade da segunda carta ser vermelha, nos seguintes casos:

1. a primeira carta tem o círculo preto;
2. a primeira carta tem o círculo vermelho.

2 – Nas situações do exercício anterior, as probabilidades seriam as mesmas para o seu oponente? Por quê?

3 – Verifique se os acertos estimados **por meio de frequência de ocorrências se aproximaram do valor calculado pela fórmula de probabilidade.**

4 – Verifique os resultados de toda a turma e verifique se os valores de ocorrência estão mais próximos do valor calculado.

**REFERÊNCIAS**

**DUTRA, Dayana. Ferramentas Práticas para o Ensino da Probabilidade e Estatística na Educação Básica. Dissertação. Mestrado Profissional em Matemática em Rede Nacional – PROFMAT. Universidade Federal de Viçosa. 2021.**

GILBEY, Julian. **A Probability Conundrum.** Disponível em: <https://nrich.maths.org/13888>. Acesso em 12 Jan. 2021.